

С.Л. Василенко

Синтез моделей "золотого сердца" и куполов на основе золотой пропорции

«Гладко вписано в бумаге,
Да забыли про овраги,
А по ни ходить» [1],
Лев Толстой (1855)

Эпиграф пришелся спонтанно, хотя его мысль сформулирована несколько по другому поводу и конкретным событиям давно минувших дней.

Цитата весьма точно передает смысл общей проблемы отношения теории и практики, слов и дела. Афористичная ценность как раз и состоит в их подчеркнутом единстве и противоречии.

Причем слов слабо продуманных, но складно сказанных и преподнесенных.

В них бумажная "гладкость" военных планов и тяжкие "овраги" настоящей смертоносной и бессмысленной войны. Говорится про неудачи, если не учтены конкретные условия и обстоятельства.

На бумаге может быть написано, нарисовано или напечатано всё что угодно: любая ложь, выдумка, нелепость. Бумага всё стерпит, она не краснеет (Цицерон).

Умное слово – алмаз, умное дело – бриллиант.

Золотое сечение – не панацея.

Искусству присуще стремление к стройности, соразмерности, гармонии.

Они проявляются в пропорциях архитектуры и скульптуры, в расположении предметов и фигур, сочетании красок в живописи, в чередовании рифм и мерности ритма в поэзии, в последовательности музыкальных звуков.

Бытует также мнение, что в искусстве чаще всего встречается золотое сечение (ЗС).

Именно встречается. Иногда. Но никоим образом не главенствует.

Значение и тем более универсальность ЗС в искусстве сильно преувеличивается. Часто «притянута за уши» исследователями, либо основано на ошибочных расчетах и/или больших допущениях. Популярный миф обязан благоговению перед таинствами древности.

С ботаникой более-менее понятно. Но всё остальное – под большим знаком вопроса.

В любом объекте много всяких типоразмеров, поэтому при желании можно обнаружить отголоски ЗС в любом успешном дизайне. Да и вообще, где душе угодно.

Те же раковины морских моллюсков только внешне похожи на спираль ЗС, но на деле они совершенно другие: витков больше, расстояние между ними меньше. Коэффициент скручивания раковин весьма далек от константы ЗС.

Нет ЗС и в произведениях Леонардо да Винчи. А древние египтяне просто не умели определять точные пропорции.

Золотому сечению действительно свойственно проявление структурной гармонии.

Но данный феномен постоянно обрастает несуразными мифами. Словно кто-то специально устроил подобный забег-соревнование.

Например, что термин ЗС ввел Леонардо да Винчи.

Также как и его «витувианский человек» отображает пропорции человека приближенно, ибо тело не вписывается одновременно в круг и квадрат. Легко проверить, что на рисунке длина раскинутых ног человека короче первой пары его собственных ног почти на 1/10. К тому же основой чертежа является квадрат, то есть даже сама логика построения тела исключает золотую пропорцию. Пупок на рисунке – только центр круга. И так далее...

Образ золотого сердца в культуре.

Если в сердце горит любовь, то сердце бьется быстрее, а поэты исписывают бумагу тысячами стихов. Не случайно с 14 века католики установили торжество высшего церковного ранга – праздник Пресвятого Сердца Иисуса, на 12-й день после Троицы.

Фразеологизм "золотое сердце" буквально означает: добрый, щедрый и великодушный человек. Синонимы – благодушный, добросердечный, милосердный, сострадающий, отзывчивый, гуманный и т.п.

Словосочетание находит отражение в разных сферах общественной жизни.

Так, легендарный канадский певец, гитарист и режиссер Нил Янг выпустил песню "Heart of Gold" (1971), которая заняла в свое время первое место в Канаде, США и Великобритании. Она входит в «500 величайших песен всех времен» и музей славы рок-н-ролла. And I'm getting old... Keep me searching for a heart of gold. – Я уже немолод... Но по-прежнему надеюсь встретить золотое сердце.

"Золотое сердце" – студийный альбом и музыкальный телефильм Украинской студии телевидения (1989) с великой и неповторимой Софией Ротару. Композиторы и авторы слов: В.Ивасюк, В.Матецкий, А.Розенбаум, В.Высоцкий, Н.Заболоцкий и др.

"Golden Heart" (1996) – дебютный сольный альбом известного британского рок-музыканта и талантливого гитариста Марка Нопфлера.

Не обошел эту тему и популярный российский исполнитель Стас Михайлов с песней "Золотое сердце" (2014).

Хорошо известна кино-трилогия «Золотое сердце» датского режиссера и сценариста Ларса фон Триера – великого мастера кинематографа, обладателя более 100 наград и номинаций на кинофестивалях по всему миру.

В декабре 2022 года в Украине учреждена награда "Золотое сердце", которая присуждается по итогам года волонтерам и благотворительным организациям за бескорыстную помощь стране и народу. Тем, кто помогает людям, государству, обороне, работает ради страны и её будущего. Делает маскировочные сетки, обеспечивает реабилитацию и протезирование, развозит "гуманитарку" и т.п.

Во все времена изображение сердца было символом сердечной привязанности.

Выражать свои высокие чувства можно обычными словами, в стихах и даже на языке математики. Например, путем построения графиков функций и поверхностей в форме сердца. Правдоподобие, гармония и красивость – всё зависит от авторских фантазий.

Выбор подходящей функции.

Можно найти разные примеры функций, заданных аналитически в виде неявных уравнений, в параметрическом виде через промежуточный аргумент, в полярной системе координат, с использованием степенных и тригонометрических функций (рис. 1).

Ограничимся плоскими двумерными кривыми в графической форме и в качестве подходящего кандидата для исследования выберем функцию второго порядка [2]:

$$x^2 + (y - \sqrt{|x|})^2 = 1.$$

Она достаточно проста и соотносится с золотым сечением.

Последняя особенность отчетливо проявляется, если функцию записать в явном виде $y = \sqrt{|x|} \pm \sqrt{1 - x^2}$ и найти точки пересечения с осью абсцисс:

$$x^2 + |x| + 1 = 0 \rightarrow x = \pm\phi,$$

где $\phi = (\sqrt{5} - 1)/2 = \Phi^{-1}$ – малая константа золотого сечения.

График получается красивым, но излишне вытянутым по вертикали (рис. 1 – F₁).

Можно ввести масштабный коэффициент, например:

$$x^2 + \left(\frac{5}{4}y - \sqrt{|x|}\right)^2 = 1 \rightarrow y = \lambda \cdot (\sqrt{|x|} \pm \sqrt{1-x^2}), \quad \lambda = 4/5 = 0,8.$$

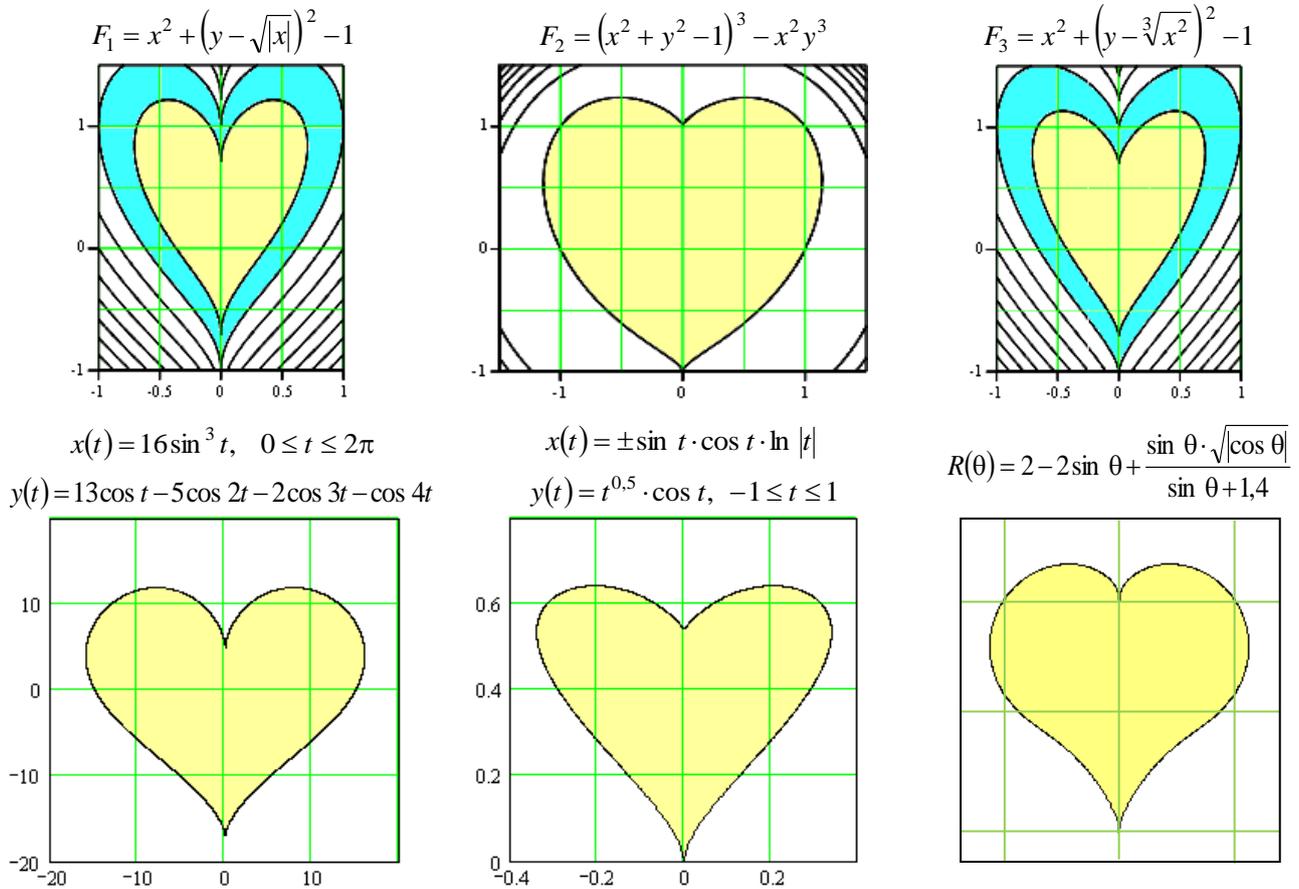


Рис. 1. Примеры "сердечных" плоских фигур, заданных неявно $F_1 \div F_3$, в параметрическом виде $x(t) - y(t)$ и в полярной системе координат $R(\theta)$

Фигура выравнивается и приобретает гармоничные очертания.

Если $x = 0$, то функция принимает значения $\pm \lambda$.

Имея точки $\pm \phi$ по горизонтали, вполне естественно наложить золотонасные свойства и на вертикаль, приняв близкое "золотонасное" значение $\lambda = \Phi/2 \approx 0,8090$ (рис. 2).

Теперь характерное расстояние между особыми точками фигуры – срединной впадиной и заостренным концом – равно большой константе золотого сечения Φ .

Графическое изображение действительно оказывается пропорционально гармоничным.

Можно сказать, один из немногих случаев, когда золотое сечение, в самом деле, формирует приятное зрительное ощущение-восприятие согласованности и порядка отдельных частей (ветвей графика) и рисунка в целом.

Идем дальше...

Нахождение экстремума. Создается впечатление, что максимумы функции y_m находятся над точками $x = \pm \phi$

Проверим через равенство нулю производной (в правой части графика):

$$y' = 0 \rightarrow \sqrt{1-x^2} = 2x\sqrt{x} \rightarrow 4x^3 + x^2 - 1 = 0.$$

Кубическое уравнение имеет два комплексных и один действительный корень:

$$x_m = (c + c^{-1} - 1)/12, \quad c = \sqrt[3]{215 + 12\sqrt{321}};$$

$$(x_m; y_m) \approx (0,5567; 1,2757). \tag{1}$$

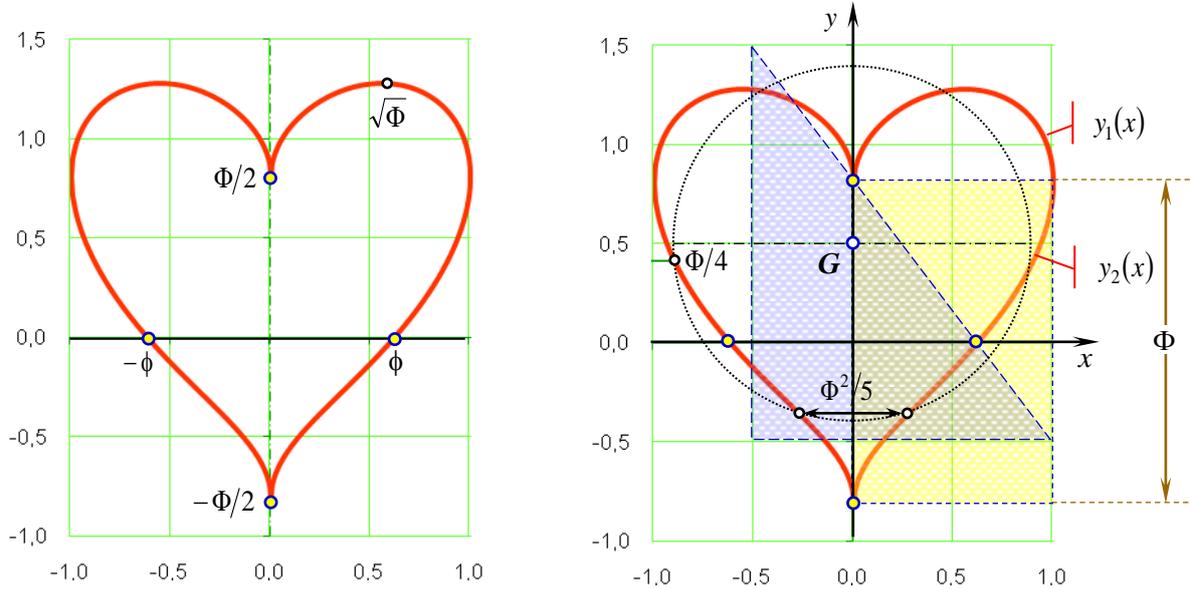


Рис. 2. Модель "золотого сердца" на основе золотой пропорции

Как видим, $y_m \approx \sqrt{\Phi} \approx 1,2720$ с относительной погрешностью менее 0,3 %. – Это очень хорошая точность для визуализации максимума в интервале, в котором функция монотонна и практически постоянна.

Определение площади. Найдем площадь фигуры s , разбив правую ветвь фигуры на две функции, тем самым уйдя от двузначности \pm и абсолютных значений $|x|$ аргумента:

$$y_1 = \lambda (\sqrt{x} + \sqrt{1-x^2}), \quad y_2 = \lambda (\sqrt{x} - \sqrt{1-x^2});$$

$$\int (\sqrt{x} \pm \sqrt{1-x^2}) dx = \frac{1}{6} (4\sqrt{x^3} \pm 3x\sqrt{1-x^2} \pm 3 \arcsin x) + const;$$

$$s_1 = \int_0^1 (y_1 - \lambda) dx = \lambda \left(\frac{\arcsin 1}{2} - \frac{1}{3} \right), \quad s_2 = \int_0^1 (\lambda - y_2) dx = \lambda \left(\frac{\arcsin 1}{2} + \frac{1}{3} \right);$$

$$s = 2 \cdot (s_1 + s_2) = 2\lambda \cdot \arcsin 1 = a \cdot \pi \text{ ед}^2.$$

Таким образом, площадь "золотого сердца" равна $s = \Phi \cdot \pi/2 \approx 2,5416 \text{ ед}^2$.

Весьма любопытное сочетание константы ЗС и числа "пи".

В математике данная величина s , в частности, означает:

- площадь круга, радиус которого равен $r = \sqrt{\lambda} = \sqrt{\Phi/2} \approx 0,8995$ (см. рис. 1);
- половина площади золотого эллипса с полуосями Φ и 1;
- половина вложенного радикала $\sqrt{\pi^2 + \sqrt{\pi^4 + \sqrt{\pi^8 + \dots}}} = \pi \cdot \Phi$.

Последнее равенство проверим для любого числа $p > 0$.

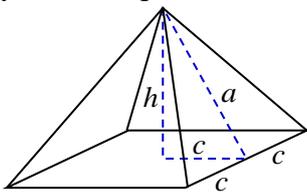
Обозначим $v = \sqrt{p^2 + \sqrt{p^4 + \sqrt{p^8 + \dots}}} > p$.

Возведем в квадрат $v^2 = p^2 + \sqrt{p^4 + \sqrt{p^8 + \dots}}$ и разделим на p :

$$\frac{v^2}{p} = p + \frac{1}{p} \sqrt{p^4 + \sqrt{p^8 + \dots}} = p + \sqrt{p^2 + \sqrt{p^4 + \sqrt{p^8 + \dots}}} = p + v;$$

$$v^2 - pv - p^2 = 0 \rightarrow v = p \cdot \Phi > p.$$

Известна простейшая связь-приближение $\pi \approx 4/\sqrt{\Phi}$ между числом "пи" и золотой константой Φ с относительной погрешностью менее 0,1%. Это добротная точность, учитывая разный характер чисел: Φ – алгебраическое, π – трансцендентное, не удовлетворяющее никакому алгебраическому уравнению с целыми коэффициентами.

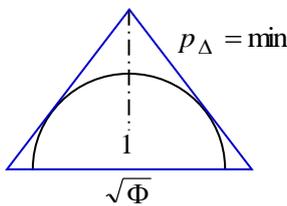


Данная связь хорошо проявляется, например, в расчетных размерах пирамиды Хеопса: если египтяне приняли размеры такими, что отношение полупериметра основания к высоте равно "пи": $4c/h = \pi$, то отношение апофемы a (высоты боковой грани) к половине длины ребра в основании c невольно становится равным:

$$a/c = \sqrt{c^2 + h^2} / c = \sqrt{1 + (h/c)^2} = \sqrt{1 + (4/\pi)^2} = 1,61899... \approx \Phi.$$

Или в обратном порядке: от константы Φ к числу $\pi \approx 4/\sqrt{\Phi}$.

Тогда площадь "золотого сердца" $s \approx 2\sqrt{\Phi}$, то есть площадь фигуры равна её ширине, умноженной на радикал константы ЗС.



Величине $\sqrt{\Phi}$ свойственны экстремальные свойства.

В частности, она равна длине основания равнобедренного треугольника с наименьшим периметром, который описывает полуокружность единичного диаметра.

Кроме того, гиперболы $x^2 - y^2 = 1$, $xy = 1$ пересекаются в точках $(\sqrt{\Phi}; 1/\sqrt{\Phi})$ и $(-\sqrt{\Phi}; -1/\sqrt{\Phi})$.

Точка перегиба.

Точка плоской кривой, в которой её ориентированная кривизна меняет знак, а выпуклость функции отделяется от вогнутости, то есть её вторая производная равна нулю:

$$y_2''(x) = 0 \rightarrow x_p = \sqrt{1+s^2} - s, \quad s = \sqrt[3]{2}; \quad (x_p; y_p) \approx (0,3486; -0,2806).$$

Египетский треугольник. Данный треугольник выделен не из-за особой к нему симпатии, а потому что он является минимальной целочисленной фигурой в своем классе.

Построим прямоугольный египетский треугольник со сторонами (3, 4, 5), гипотенуза которого совпадает с наклонной линией (см. рис. 2):

$$f(x) = -\frac{4}{3}x + \frac{5}{6}, \quad f(0) \approx 0,833, \quad f\left(\frac{5}{8}\right) = 0.$$

Как видим, она проходит практически через срединную впадину и пересекает ось абсцисс в точке $x = \frac{5}{8} = \frac{F_5}{F_6} \approx \phi$, где F_n – числа Фибоначчи.

Большого совпадения трудно ожидать, поскольку золотая константа – число иррациональное, в отличие от целочисленных сторон египетского треугольника.

Золотые прямоугольники. Если в геометрической модели присутствуют золотоносные типоразмеры, то следует ожидать и золотые прямоугольники с отношением сторон $1:\Phi \leftrightarrow 1:\phi$. Таковыми являются прямоугольники размером $1 \times \Phi$, одна сторона которого равна 1 или половине ширины фигуры, другая – расстоянию L между особыми точками фигуры.

Золотые коридоры. Поскольку $\Phi/2:1/2 = \Phi$, то горизонталь $y = \pm 1/2$ является золотым сечением для любого отрезка, заключенного между линиями $y = 0$ и $y = \pm \Phi/2$.

Аналогичные золотые коридоры образуют вертикальные линии $x = 0$, $x = \pm \phi$, $x = \pm 1$.

Барицентр. Геометрический центр (барицентр) двумерной фигуры является средним арифметическим положений всех её точек и представляется фиксированной точкой группы изометрии симметрий.

В физических плоских объектах с постоянной плотностью центр масс (центр тяжести) совпадает с барицентром фигуры той же формы.

Для анализируемой фигуры он расположен на вертикальной оси симметрии, поэтому достаточно найти его ординату G_y , как для области, ограниченной известными графиками непрерывных функций.

Несмотря на простоту записи, интеграл сложный и без математического калькулятора не обойтись [3]:

$$\pm \int (y_{1,2}^2 - \lambda^2) dx = \frac{1}{6} \left[\mp (6\lambda^2 + 2x^2 - 3x - 6) + 8\sqrt{x} \cdot {}_2F_1\left(-\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{7}{4}, 1\right) \right];$$

$$G_y = \frac{1}{S} \left[\int_0^1 (y_1^2 - \lambda^2) dx + \int_0^1 (\lambda^2 - y_2^2) dx \right] = \frac{8}{3} \cdot \frac{\lambda^2}{S} \cdot F = 0,49366... \approx 0,5,$$

где $F = {}_2F_1\left(-\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{7}{4}, 1\right) = 0,71888... -$ гауссова гипергеометрическая функция ${}_2F_1(a, b, c, z)$.

Например, в системе MathCad предусмотрена встроенная функция $\text{hyper}(a, b, c, z)$.

Барицентрический круг с центром в точке $(0; G_y)$ и радиусом $r = \sqrt{\Phi/2}$ равновелик искомой фигуре сердца. При этом окружность пересекает ветвь фигуры в трех точках так, что средняя имеет ординату $\sim \Phi/4$, а нижняя – абсциссу $\sim \Phi^2/10$.

Резюме. Итак, построена уникальная функциональная кривая "золотого сердца", которая отличается рядом замечательных свойств:

- пересекает ось x в точках золотого сечения $\pm \phi$;
- расстояние между впадиной и острием равно константе золотого сечения Φ ;
- фигура имеет площадь $\pi\Phi/2$ и равновелика окружности радиусом $\sqrt{\Phi/2}$;
- в фигуру добротнo вписывается египетский треугольник;
- фигура содержит два золотых прямоугольника;
- фигура включает множество золотых коридоров.

Перечисленные свойства в своем роде уникальны и позволяют с полным основанием назвать фигуру второго порядка "золотым сердцем" $x^2 + \left(y \cdot 2\phi + \sqrt{|x| - (1-x)^2} \right) = 1$.

Золотые купола.

Перевернутое на 180 градусов золотое сердце идеально подходит для синтеза форм куполов, изначально построенных на базе золотой пропорции.

Купол (лат. *cupula* свод) – пространственное покрытие зданий и сооружений, обычно без дополнительных промежуточных опор, по форме близкое к полусфере или другой поверхности вращения гладкой кривой.

Купола имеют символическое значение и занимают важное место в христианской и мусульманской архитектуре.

Купол-маковка (луковица) имеет выпуклую форму с плавным заострением к вершине, похож на головку мака (луковицу) и часто применяется при строительстве храмов в России, Турции, Индии, на Среднем Востоке, с преобладанием и взаимопроникновением культур.

Например, Покровский собор (1561) в Москве.

Шлемовидная фигура напоминает военный доспех – шлем (шлем) сфероконической формы, и отличается от маковки отсутствием сужения диаметра при движении вниз.

Характерный пример – Софийский собор (1017) в Киеве.

1) Основообразующей купола-шлема является функция правой ветви кривой (рис. 3):

$$y_2(x) = \lambda(1 + \sqrt{1-x^2} - \sqrt{x}), \quad 0 \leq x \leq 1.$$

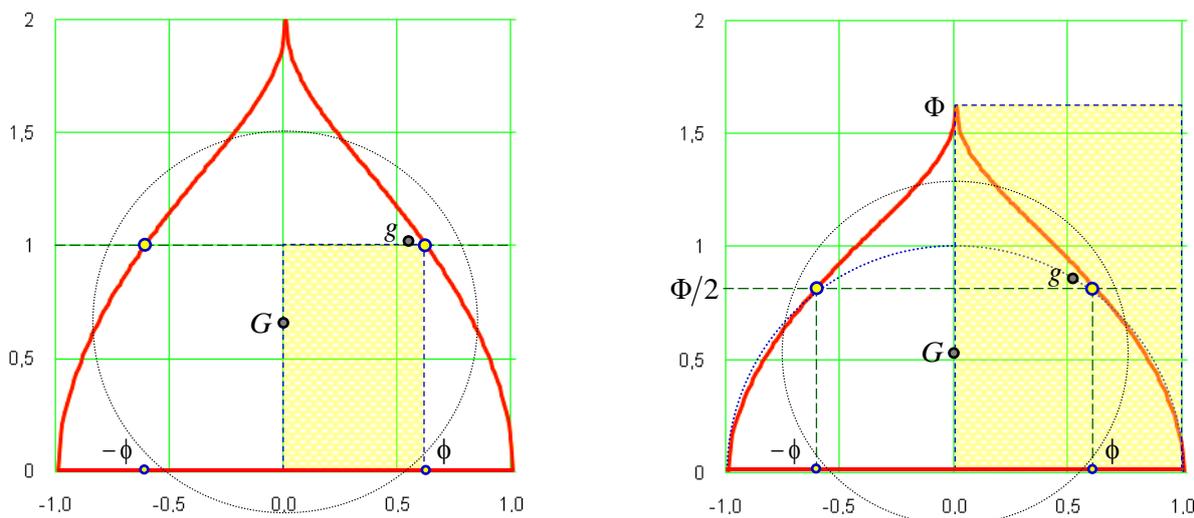


Рис. 3. Шлемовидные купола с канонами золотой пропорции

Производная: $y_2' = \lambda \left(-\frac{x}{\sqrt{1-x^2}} - \frac{1}{2\sqrt{x}} \right).$

Площадь сечения:

$$s = 2 \int_0^1 y_2 dx = 2\lambda \frac{1}{6} \left(-4\sqrt{x^3} + 3x\sqrt{1-x^2} + 6x + 3\arcsin x \right)_0^1 = \lambda \left(\frac{2}{3} + \frac{\pi}{2} \right) \approx 2\lambda \left(\frac{1}{3} + \sqrt{\phi} \right) \text{ ед}^2.$$

Длина дуги: $l = \int_0^1 \sqrt{1+y_2'^2} dx.$ – Несмотря на простоту записи, интеграл не

вычисляется в элементарных функциях и находится с применением численных методов.

Не велика беда... Возможно, весь мир –это гигантская компьютерная симуляция.

Координаты центра тяжести дуги:

$$g_x = \frac{1}{l} \int_0^1 x \sqrt{1 + y_2'^2} dx, \quad g_y = \frac{1}{l} \int_0^1 y_2 \sqrt{1 + y_2'^2} dx.$$

Площадь поверхности, образованной вращением кривой вокруг оси Oy, находим по теореме Гульдена (площадь поверхности, полученной от вращения кривой вокруг не пересекающей её оси, равна произведению длины дуги этой кривой на длину окружности, описанной центром тяжести этой кривой):

$$S = 2\pi g_x l \text{ ед}^2.$$

Объем купола, как тела вращения кривой $y_2(x)$ вокруг оси Oy:

$$V = 2\pi \int_0^1 x y_2(x) dx = 2\pi \lambda \cdot \left(-\frac{2}{5} \sqrt{x^5} + \frac{x^2}{2} - \frac{1}{3} \sqrt{(1-x^2)^3} \right)_0^1 = \frac{13}{15} \pi \lambda \text{ ед}^3.$$

Расчетные параметры сведены в таблицу 1, где для сопоставления в нижней строчке представлены параметры полуокружности сферы радиусом 1.

Таблица 1

Расчетные данные золотых куполов-шлемов

Параметры	Образующая дуга			Площадь сечения	Золотой купол		Барицентр	
	длина	центр тяжести			Площадь	объем	ордината	радиус
	l	g_x	g_y					
$\lambda = 1$	2,2819	0,5481	1,0215	2,2375	7,8588	2,7227	0,6461	0,8439
$\lambda = \Phi/2$	1,9519	0,5440	0,8328	1,8101	6,6723	2,2027	0,5227	0,7591
$y = \sqrt{1-x^2}$	1,5708 $\pi/2$	0,6366 $2/\pi$	0,6366 $2/\pi$	1,5708 $\pi/2$	6,2832 2π	2,0944 $2/3 \cdot \pi$	0,4244 $4/(3\pi)$	0,7071 $1/\sqrt{2}$

Отметим некоторые особенности числовых характеристик. Некоторые из них больше похожи на математические совпадения, когда два выражения дают почти одинаковые значения, хотя эту идентичность объяснить теоретически никак нельзя. И тем не менее...

Сравните объем тела вращения 2,7227 с числом Эйлера $e \approx 2,7183$. Относительная погрешность составляет 0,16 %.

Площадь сечения s имеет свои приближения с относительной погрешностью 0,06 %:

$$\begin{aligned} \lambda = 1: & \quad s \approx 1 + 2\phi; \\ \lambda = \Phi/2: & \quad s \approx 1 + \Phi/2. \end{aligned}$$

2) Основообразующей купола-маковки является составная функция правой ветви кривой (рис. 4), которая включает $y_2(x)$ – см. рис. 3 и $y_1(x)$:

$$y_1(x) = \lambda_1 \left(1 - \sqrt{1-x^2} - \sqrt{x} \right), \quad x_0 \leq x \leq 1,$$

где λ_1 – коэффициент масштабирования, равный 1 или $\Phi/2$;

x_0 – начальное значение "подрезания" функции, которое можно принять равным ϕ или $x_m \approx 0,5567$ – абсциссе точки экстремума (1).

Расчет в целом аналогичен предыдущему. Координаты барицентра и центра тяжести составной образующей дуги вычисляются по формулам:

$$G = \frac{G_1s_1 + G_2s_2}{s_1 + s_2}, \quad g_x = \frac{g_{1x}l_1 + g_{2x}l_2}{l_1 + l_2}, \quad g_y = \frac{g_{1y}l_1 + g_{2y}l_2}{l_1 + l_2}.$$

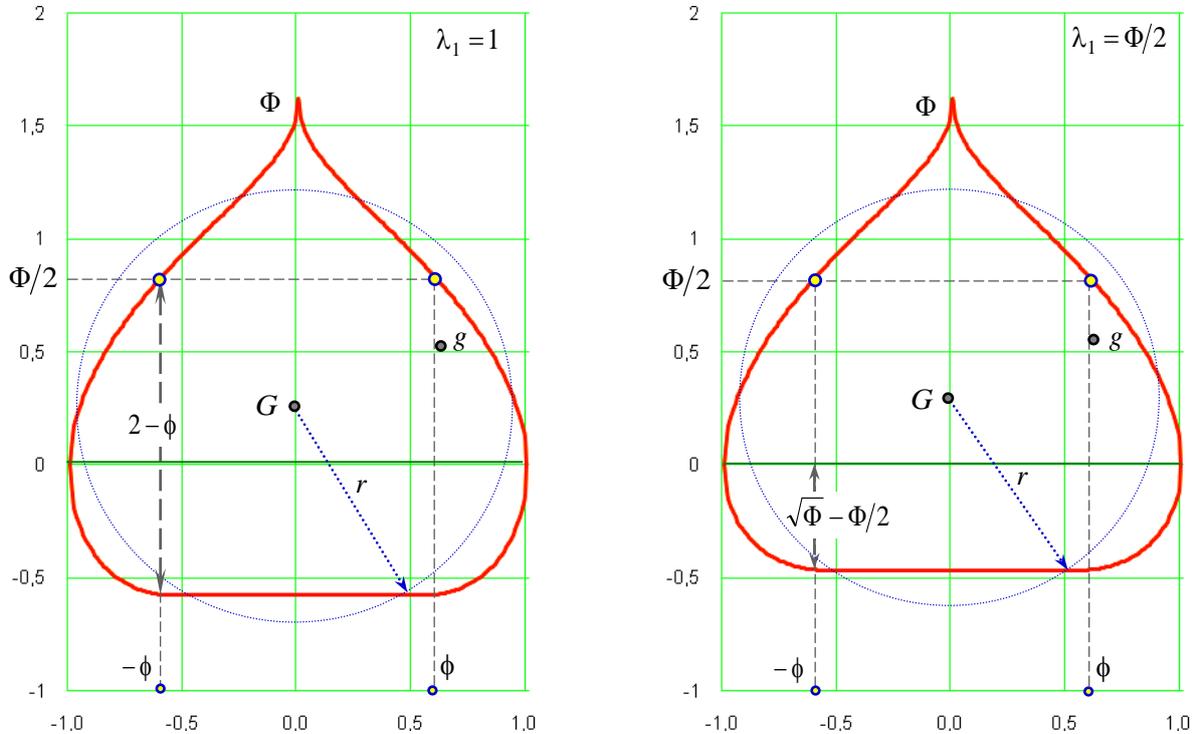


Рис. 4. Купола-маковки с канонами золотой пропорции

Результаты расчетов сведены в таблицу 2.

Таблица 2

Расчетные данные золотых куполов-мавок, $\lambda_2=0,5 \cdot \Phi$

Параметры		Образующая дуга			Площадь сечения	Золотой купол		Барицентр	
		длина	центр тяжести			площадь	Объем	ордината	радиус
λ_1	x_0	l	g_x	g_y	$s, \text{ ед}^2$	$S, \text{ ед}^2$	$V, \text{ ед}^3$	G_y	r
0,5Φ	φ	2,6136	0,6263	0,5504	2,6577	10,2858	2,8779	0,2861	0,9198
	x_m	2,6751	0,6254	0,5271	2,6621	10,5127	2,9833	0,2848	0,9205
1	φ	2,7041	0,6368	0,5073	2,8578	10,8190	3,0373	0,2317	0,9538
	x_m	2,7657	0,6357	0,4832	2,8632	11,0462	3,1675	0,2302	0,9547

Примечание: $r = \sqrt{s/\pi}$ – радиус равновеликого барицентрического круга.

Отметим некоторые характерные расстояния:

$$\lambda_1 = 1 \rightarrow y_1(\phi) + |y_2(\phi)| = 2 - \phi \approx 1,3820;$$

$$\lambda_1 = 0,5 \Phi \rightarrow |y_1(\phi)| = \sqrt{\Phi} - 0,5 \Phi \approx 0,4630.$$

Вместо заключения.

Мы не относим себя к ортодоксальным приверженцам тезы об эстетической значимости золотого сечения, как универсальной меры гармонии. Хотя действительно встречаются вещи, которые говорят в его пользу.

С фигурой "золотого сердца" всё ясно. Так или иначе, оно символизирует любовь и доброту, великодушие, сострадание и гуманность.

Возможно, в наш прагматичный век призывы жить по законам добра и справедливости для кого-то выглядят заскорузлыми и/или наивными. Но именно этот вектор эволюционного движения человечества способен сохранить мир и общую стабильность.

Приведенный вначале эпиграф заимствован в свете сочинений Льва Толстого – великого писателя и большого мастера в описании психологических аспектов войны и мира.

Идеологические восхваления войны по своей сути античеловечны. В них всегда присутствует нечто неприятное и недолжное. В любом случае это насилия и убийства, страдания и трагедии. Никакие оправдания или самооправдания здесь не проходят. Равно как и приписывание собственной исключительной моральной правоты.

В схватке-противоборстве соперников не бывает двух победителей. За исключением ничьи. Поэтому для кого-то "не вписанные" в бумагу овраги становятся роковыми [1]:

Как четвертого числа
Нас нелегкая несла
Горы отбирать...

И пришлось нам отступить,
Рас...же ихню мать,
Кто туда водил.

В толковом словаре В.Даля (1863) находим [4, с. 359]:

«нелегкая сила – неладная, недобрая, нечистая, вражеская, бесовская».

Главный смысл фразеологизма выражает мысль о том, чего не следовало делать, что сделано напрасно, неуместно, неправильно, и само действие ошибочно. – Но это уже всё потом, «на трезвую голову».

Как это ни удивительно, но в слове "победа" тот же корень, что и в словах "беда, бедствие" и т.п., с сохранением негативных оттенков. В старославянском языке победный означает: испытывающий беды, несчастный, горемычный.

Говорят, победителей не судят. Но их мало кто и любит.

А если к тому же проигравший усмехается, то вкус победы нивелируется.

«Улыбайтесь, господа. Улыбайтесь. Умное лицо – это ещё не признак ума» (Тот самый Мюнхгаузен). – Окей.

Литература:

1. Толстой Л.Н. Песня про сражение на реке Чёрной, 4 августа 1855 г. – Полн. собр. соч. в 90 т. – М.: Худож. лит., 1935. – Т. 4: Произведения севастопольского периода, 307-308.
2. Сердце Тобина и другие математические поверхности и графики функций в форме сердца. – <http://www.wolframalpha-ru.com/2012/03/blog-post.html>.
3. Математика. Калькуляторы. Неопределенный интеграл. – <https://math24.biz/integral>.
4. Даль В.И. Толковый словарь живого великорусского языка: Избранные статьи. – М.: ОЛМА-ПРЕСС, 2004. – 700 с.

